

## **Квантовая криптография**

**Автор**

**д.ф.-м.н С.Н.Молотков**

### **Содержание дисциплины.**

Содержание лекций 6 семестр.

#### **Лекция 1.**

Одноразовые ключи. Критерий Шеннона абсолютной секретности.

Квантово-механические запреты на копирование неизвестного квантового состояния. Основные стадии квантовых протоколов распределения ключей. Источники, детекторы, носители. Существующие достижения в квантовой криптографии.

**Лекция 2.** Основные протоколы квантового распределения ключей и их реализации:

BB84, B92, E91, SARG04.

**Лекция 3.** Продолжение. Основные протоколы квантового распределения ключей и их реализации: фазово-временное кодирование, дифференциально-фазовое кодирование.

**Лекция 4.** Продолжение. Основные протоколы квантового распределения ключей и их реализации: релятивистское квантовое распределение ключей через открытое пространство с синхронизацией и без синхронизации часов на приемной и передающей стороне. Релятивистские квантово-механические запреты на копирование квантовых состояний..

**Лекция 5.** Основы математического аппарата. Определение и критерии секретности.

Критическая ошибка протоколов квантового распределения ключей.

**Лекция 6.** Достижимая информация подслушителя. Связь с квантовыми пропускными способностями.

**Лекция 7.** Индивидуальные и коллективные измерения в квантовой криптографии. Множественность атак подслушителя, связь атак с пропускными способностями квантового канала.

**Лекция 8.** Фундаментальная граница Холево для достижимой классической информации.

**Лекция 9.** Исправление ошибок в первичных ключах в квантовой криптографии. Классические энтропии Реньи и их роль в квантовой криптографии. Усиление секретности – классический вариант.

**Лекция 10.** Универсальные хэш-функции второго рода, использование в процедурах усиления секретности и коррекции ошибок.

**Лекция 11.** Доказательство секретности квантового распределения ключей для различных протоколов. Пример протокола BB84. Первые доказательства секретности для атак: прием-перепосыл, прозрачной атаки с индивидуальными и коллективными измерениями. Критические ошибки протокола для различных видов атак в асимптотическом пределе бесконечно длинных последовательностей передаваемых ключей.

**Лекция 12.** Пример двухпараметрического протокола квантовой криптографии. Доказательство секретности квантового распределения ключей для квантовой криптографии с фазово-временным кодированием (асимптотический предел). Критическая ошибка протокола при коллективной атаке.

**Лекция 13.** Анализ стойкости протокола квантового распределения ключей SARG04.

**Лекция 14.** Квантовые протоколы распределения ключей, использующие когерентные состояния. Необходимые сведения из теории когерентных состояний. Преобразование на

линейных оптических элемента, детектирование когерентных состояний, включая гомодинное детектирование.

**Лекция 15.** Анализ стойкости протокола квантового распределения ключей на геометрически однородных когерентных состояниях.

**Лекция 16.** Квантовая криптография на непрерывных переменных.

Содержание лекций 7 семестр.

**Лекция 17.** Методы практической чистки первичных ключей и методы сжатия (хэширования – усиления секретности) ключей в квантовой криптографии.

**Лекция 18.** Методы коррекции ошибок основанные на классических кодах корректирующих ошибки. Итерационные адаптивные процедуры исправления ошибок.

**Лекция 19.** Анализ стойкости реализаций систем квантовой криптографии с не идеальными источниками квантовых состояний, детекторами и квантовым каналом связи с потерями. Атака с расщеплением по числу фотонов.

**Лекция 20.** Атака с подменой фазы в системах с фазовым кодированием. Атака с ослеплением фотодетекторов.

**Лекция 21.** Протоколы устойчивые по отношению к атаке с ослеплением фотодетекторов. Побочные каналы утечки информации в системах квантовой криптографии, фундаментальная квантово-механическая верхняя граница на утечку информации по побочным каналам.

**Лекция 22.** Основы математического аппарата для анализа стойкости систем квантовой криптографии с конечными длинами передаваемых последовательностей. Критерий составной секретности ключей, основанный на следовом расстоянии.

**Лекция 23.** Основные свойства квантовых энтропий Реньи ( $\min$  и  $\max$  энтропий).

Сглаженные  $\min$  и  $\max$  энтропии, цепочечные правила, изменение  $\min$  и  $\max$  энтропий при действии супероператора, свойства  $\min$  и  $\max$  энтропии для составных квантовых систем.

**Лекция 24.** Теоремы de Finetti классический и квантовые случаи.  $\min$  и  $\max$  энтропий для тензорного произведения матриц плотности.

**Лекция 25.** Симметричные состояния.  $\min$  и  $\max$  энтропий для симметричных состояний.

**Лекция 26.** Необходимые неравенства для различных расстояний между квантовыми состояниями.

**Лекция 27.** Коррекция ошибок с минимальной утечкой информации при помощи универсальных хэш-функций второго порядка.

**Лекция 28.** Квантовое усиление секретности. Квантовая теорема усиления секретности – теорема об остатке хэширования.

**Лекция 29.** Примеры доказательств секретности BB84 и фазово-временной квантовой криптографии с использованием аппарата квантовых  $\min$  и  $\max$  энтропий (асимптотический предел).

**Лекция 30.** Энтропийные соотношения неопределенностей в квантовой криптографии. Связь с  $\min$  и  $\max$  энтропиями.

**Лекция 31.** Анализ стойкости квантового протокола распределения ключей BB84 с конечными передаваемыми последовательностями (доказательство с использованием энтропийных соотношений неопределенности).

**Лекция 32.** Доказательства стойкости фазово-временной и релятивистской квантовой криптографии для открытого пространства с конечными длинами последовательностей с использованием аппарата квантовых  $\min$  и  $\max$  энтропий.